

ТАLLINNА РОLUTEHNILISE INSTITUUDI ТОІМЕТІSED ТРУДЫ ТАЛЛИНСКОГО ПОЛИТЕХНИЧЕСКОГО ИНСТИТУТА

СЕРИЯ А

№ 267

# ЭЛЕКТРОМЕХАНИКА II



Ep.6.7

таllinna polutehnilise instituudi toimetised труды таллинского политехнического института С.ЕРИЯА № 267 1968

УДК 621.31

## ЭЛЕКТРОМЕХАНИКА II

1

#### TALLINNA POLÜTENNILISE INSTITUUDI TOIMETISED ТРУДМ ТАЛЛИНСКОГО ПОЛИТЕХНИЧЕСКОГО ИНСТИТУТА

CEPHAA

#### **1** 267

1968

УДК 621.313.84

В.Э.Вагане, Г.К.Самолевский

#### О ГЕОМЕТРИИ ПЕЧАТНОГО РОТОРА ТОРПЕВОГО СИНХРОННОГО ДВИГАТЕЛЯ

В литературе опубликован ряд работ, в которых рассматривается определение размеров печатной обмотки дискового якоря двигателя постоянного тока и ротора торцевого асинхроннего двигателя [1]...[3].В больнинстве случаев для таких машин постоянного тока магнитная система принимается с полосными наконечниками в виде части кругового кольца.

Для лучшего использования манини принята магнитикая система с полосными нанонечниками (и полосами) в виде исстиугольников (показанная на фиг.1), применяемая при 2р>4.



Фиг. 1. Раднальный разрез магнитной системы торпевого синхронного двигатели с печатной обмоткей

Площадь сечения полосного наконечника, согласно фиг. I:

$$S_{n} = \left[ R_{e} R_{e}^{2} \sqrt{1 - \left(\frac{b_{\delta ps}}{2 R_{e}^{2}}\right)^{2}} - R_{i} R_{i}^{2} \sqrt{1 - \left(\frac{b_{\delta ps}}{2 R_{i}^{2}}\right)^{2}} \right] sin \frac{\Im}{2p}$$

$$\frac{b_{\delta p a}}{2} \left[ R_e^{2} \sqrt{1 - \left(\frac{b_{\delta p a}}{2R_e^{2}}\right)^2} - R_i^{2} \sqrt{1 - \left(\frac{b_{\delta p a}}{2R_i^{2}}\right)^2} + \left(R_e - R_i\right) \cos \frac{\pi}{2p} \right].$$
 (I)

MSBecTNO, 4TO

 $\sqrt{1-x} \approx 1-\frac{x}{2}$ .

Поэтому можно формулу (I) с большой точностью (ошибна не превышает 0,1 %,если x<0,085) заменить следующей формулой:

$$S_{n} \approx (R_{e}R_{e}^{\prime} - R_{i}R_{i}^{\prime})\sin\frac{\pi}{2p} - \frac{b_{e}}{2}[R_{e}^{\prime} - R_{i}^{\prime} + (R_{e} - R_{i})\cos\frac{\pi}{2p}], \qquad (2)$$

где р-число пар полосов.

Реакций якоря ввиду малого се значения по сравнению с полем возбуждения не учитываем; э.д.с. фавы двигателя:

$$E_{a} = 4k_{a}fW_{a}\Phi k_{a\delta}, \qquad (3)$$

где k. - коэффициент формы кривой поля,

f - частота питанией сети,

W.- число витнов фазной обнотки,

Ф - поток одного полюса,

k.- обмоточный коэффиционт.

Поток полоса:

$$\tilde{\Phi} = B_{co}S_{n}, \qquad (4)$$

где В<sub>ср</sub>- средняя индукция в воздушном заворе.

Средняя индукция В<sub>ср</sub> определяется следующим образом: [Bds

$$B_{cp} = \frac{J_{5b}}{S_n}, \qquad (5)$$

где В - вектор индукции,

ds - вектор, численно равный поверхности элемента ds и совпадающий по направлению с пелохением нормали,

5<sub>5</sub>- поверхность интегриревания, равная площади витка. Общее количество проведников печатного ротора:

$$N = \frac{4\pi \Omega_i}{t_i},$$
 (6)

где t;- минимальный шаг печатной обмотки на реднусе R; .

Число витков в фазе с учетом (6):

$$W_{\phi} = \frac{2SiR_i}{mt_i}, \qquad (7)$$

где m - число фаз.

Номинальный фазный ток:

$$I_{\mu} = I_{np} = j_{max}h_{n}b_{n} = \sqrt{\frac{\alpha_{i}\tau_{a}}{\beta h_{n}}}h_{n}b_{n} = \sqrt{\frac{\alpha_{i}\tau_{a}}{\beta}}b_{n}\sqrt{h_{n}}, \qquad (8)$$

TAS

## I<sub>пр</sub>- ток в проводнике,

ј<sub>тат</sub>- допустимая плотность тока в проводнике,

h. - толщина проводника,

b<sub>n</sub> - ширина проводника на опорной окружности Эвольвенты печатной обмотки.

∝. - коэффициент теплоотдачи проводника,

С2 - допустимое превымение температуры по отношению к окружающей среде,

? - удельное сопротивление проводника.

Сбозначая коэффициент заполнения медью проводников лобовых соединений формулой

$$\xi = \frac{h_n}{t_i}, \tag{9}$$

можем (8) переписать:

$$I_{\mu} = k_{j} \sqrt{h_{n}} \xi t_{i}, \qquad (10)$$

гдэ

$$k_{j} = \sqrt{\frac{\alpha_{i} \tau_{j}}{g}}.$$
 (II)

Расчетная моцность снихронного двагателя определяется общензвестным выражением:

$$P_{pacy} = m E_{o} I_{M} = \frac{k_{g} P_{H}}{\gamma_{M} \cos \varphi_{H}}, \qquad (12)$$

где Р. - номинальная мощность,

7. - номинальный к.п.д.,

соя 4- номинальный коэффициент монности,

k<sub>e</sub> - козффициент, зависящий от заданного соз φ<sub>н</sub> и индуктивного сопротивления рассеяния обмотив.

Неминальная нецность из (12), учитывая (3), (4), (7) и (10):

$$P_{\mu} = \frac{4}{k_{e}} m E_{o} I_{\mu} \eta_{\mu} \cos \varphi_{\mu} =$$

$$= \frac{8\pi k_{o} k_{ss} k_{i}}{k_{e}} \int B_{ep} / \overline{h_{n}} \xi R_{i} S_{n} \eta_{\mu} \cos \varphi_{\mu}. \qquad (13)$$

Так как в последней формуле только S<sub>n</sub> зависит ет нарукного раднуса печатного ротора, то акализ выражения (I3) приводится к акализу S<sub>n</sub>.

Обозначим:

$$\frac{\underline{R}_{e}}{\underline{R}_{i}} = k_{e}; \qquad \frac{\underline{R}_{e}}{R_{i}} = k_{e}^{2}; \qquad \frac{\underline{R}_{i}}{R_{i}} = b = f(p)$$

$$\frac{\underline{R}_{e}}{\underline{R}_{e}^{2}} = \frac{k_{e}}{k_{e}^{2}} = a = f(p)$$

$$(14)$$

Из (14) можно вырести минимальные значения ka:

$$ab = \frac{R_e}{R_e^2} \frac{R_i^2}{R_i} = k_e \frac{R_i^2}{R_e^2} ,$$

$$k_e = ab , \qquad (15)$$

Tak Rak

$$\frac{R_e^2}{R_i^2} \ge 1.$$

Минимальные значения k<sub>емин</sub> приведены в нихеследующей таблице:

T	-	U	-	10	ц	GL.	T

2р	α	b	Кемин
4	I,28	2,12	2,71
6	I,22	I,8I	2,21
8	I,18	I,65	I,94
IO	I,15	I,55	I,79
12	I,13	I.48	I,67

Перепинем (I) с учетом (I4):

 $S_{n} = \left[k_{e}R_{i}\sqrt{\frac{(k_{e}R_{i})^{2} - \left(\frac{b_{deb}}{2}\right)^{2}} - R_{i}\sqrt{(bR_{i})^{2} - \left(\frac{b_{deb}}{2}\right)^{2}}\right]sin\frac{\pi}{2p}$ 

$$-\frac{b_{\text{def}}}{2}\left[\sqrt{\left(\frac{k_{\text{e}}R_{i}}{\alpha}\right)^{2}-\left(\frac{b_{\text{def}}}{2}\right)^{2}}-\sqrt{\left(bR_{i}\right)^{2}-\left(\frac{b_{\text{def}}}{2}\right)^{2}}+\left(k_{\text{e}}R_{i}-R_{i}\right)\cos\frac{\pi}{2p}\right].$$
 (16)

Анализ последного выражения показывает, что функция S<sub>п</sub> имеет минимум и телько одну точку перегиба но не имеет максимума.При этом следует отметить,что минимум и точка перегиба встречаются при очемь малых значениях k<sub>e</sub>, значительно меньших,чем k<sub>емин</sub>.

На основании анализа S<sub>n</sub> можно скарать, что значение k<sub>e</sub>, м спедовательно R<sub>e</sub>, определяется однозначно из формулы (13) при вышеуказанных предположениях.

Ив (2),(ІЗ) и (І4):

$$R_e = \frac{K_i}{2} + \sqrt{\frac{K_i^2}{4} + K_2} , \qquad (17)$$

**FAC** 

$$K_{4} = \frac{a b_{6p2}}{2 \sin \frac{\pi}{2p}} \left( \frac{4}{a} - \cos \frac{\pi}{2p} \right),$$
 (18)

$$K_{2} = \frac{k_{g} P_{M}}{8\pi k_{\phi} k_{o} \delta_{i} f B_{c} \gamma h_{n} \tilde{g} R_{i} \eta_{A} \cos \varphi_{A}} + R_{i}^{2} ab - \frac{a b_{\phi ps} R_{i}}{2 \sin \frac{\pi}{2p}} (b + \cos \frac{\pi}{2p}).$$
(19)

Пренебрегая в формуле (17) членом К, , кан инчтожно налым, можем написать:

$$R_{e} \approx \sqrt{K_{2}} . \tag{20}$$

Формулы (19),(20) и табл. 1 позволяют полностью определить геометрические размеры печатной обмотии, а также радиальные размеры магинтной системы синхронного двигателя.

#### Литература

I. Л.Д. О с и о в и ч. Элементы расчета малоннерционных двигателей постоянного тока с печатной сометной на дисковем роторе.Диссертация.Новосибирск 1962.

2. У.Х. С и й т а в. С зависимости электремагнитией модности электродвигателя постоянного тока с дискории лиорем от геомотрие электрической нечатной обмотие якоря. "Знактричество", 1965, # 7. 3. В.А. Никитие. Основн построении осевна асинхрокных двигателей с печатными обмотками. "Энергетика и электротехническая промышленность". 1965. № I.

V. Vagane, G. Samolevski

## Von dem Geometrie den axialer Synchronmotoren mit den gedruckten Rotorwicklung Zusammenfassung

In dem Artikel werden die Grundverhältnisse zwischen der elektrische Nominalleistung und geometrische Maßen den Synchronmotor betrachtet, der gedructe Rotorwicklung und sechseckige Polen hat. Sind die Formeln gebildet, die Grundmaßen der gedruckte Wicklung, ebenso auch Radialmaßen des Magnetsystems den Synchronmotor völlig bestimmon.

#### TAILINNA POLÜTEHNILISE INSTITUUDI TOIMETISED ТРУЛЫ ТАНЛИНСКОГО ПОЛИТЕХНИЧЕСКОГО ИНСТИТУТА

СЕРИЯ А № 267 1968

УДК 621.313.84

В.Э.Ваганс, Г.К.Самолевский

## ВКЛЮЧЕНИЕ В СЕТЬ ТОРЦЕВОГО СИНХРОННОГО МИКРОДВИТАТЕЛЯ С ПОСТОЯННЫМИ МАГНИТАМИ И НЕЧАТНОЙ ОБМОТКОЙ

Настоящая статья посвящена тееретическому выводу элехтромагнитного вращанщего момента при пуске торцевого синхронного михродвигателя с печатной обмоткой, который не имеет специальной пусковой обмотки и пускается прямым включением в сеть. Таким образок, рассматривается сдучай включения в сеть везбужденного синхронноге двигатели.

Опитный образец такого двигателя в разобранном виде показан на фотографии (фиг.1).В отличие от известных типов синхронных манин, статором рассматриваемого двигателя является магининая смотема, а вотором служит исчатися обнотка.



Фиг.1. Торловой синкронный микроделгатоль с востояжными магнетами и печатной обмоткой в разобранном виде

В сснову определения момента положено следущее представ-

ление о физических процессах, происходящих в рассматриваемом двигателе при его включении в сеть:

I) токи ротора синхронного двигателя при произвольной скорости вращения можно рассматривать как сумму токов, вызванных возбужденном со стороны статора и питанием со стороны сети.Если пренебречь влиянием насыщения, то эти сеставлящне токов мехно рассчитывать независине друг от друга и. пользуясь методом наножения, найти ток ретера,

2) с печатной обмотной рэтора сцепляются потекосцепления, вызванные сказалными двумя номпонентами тека, и, креме TOPO, потек возбуждения статора,

3) сеть питания предполагается бескенечне мещней с симметричной системой напряжений.

Исходным выражением для электремагнитного вращающего момента принется общензвестная формула:

$$M_{am} = \operatorname{Re}\left\{j[\Sigma\dot{\Psi}][\Sigma\ddot{\Gamma}]\right\}^{*} = \operatorname{Re}\left\{j[\dot{\Psi}_{\mu} + \dot{\Psi}_{\mu\nu}][\ddot{I}_{\mu} + \ddot{I}_{\mu\nu}]\right\}, \qquad (I)$$

где у - поток сцепления,

I - сопряженный комплекс тока,

. . - потокосцепление ротора, вызванное питанием от сети,

Ý<sub>(с)</sub> - потэкосцепление ротора, вызванное возбуждением се стерены статора,

I\_ - сопряженный комплекс тока, вызванный питанием от COTH.

I,, - сопряженный комплекс тока, вызванный возбужденном со стороян статора.

Дая находения энектремагнитного вращающого мемента в фунации времени следует в фермулу (I) подставить полные вырахония токор и потскосцеплений, находимые известными приснаки операторного исчислония с учетен их переходных состав-RANNEX:

$$\begin{split} \dot{\mathbf{I}} &= \dot{\mathbf{I}}_{o} + \sum_{n=1}^{\kappa} \dot{\mathbf{I}}_{n} ,\\ \dot{\boldsymbol{\Psi}} &= \dot{\boldsymbol{\Psi}}_{o} + \sum_{n=1}^{k} \dot{\boldsymbol{\Psi}}_{n} , \end{split}$$

где  $\dot{I}_{o}$  - установивание тек,  $\dot{\Psi_{o}}$  - установивенся потохосцениемие,

I<sub>n</sub> - переходные составляющие тока, имеющие затухания, связаиние с корнями p<sub>n</sub> (n = 1,2,...k),

 $\Psi_n$  - переходные составляющие потокосцепления, имеющие затухания, связанные с корнями  $p_n$  ( $n = I_2 2_{2,...,k}$ ).

Исходные выражения (2)...(II) и (I3)...(I5) для токов и потокосцеплений записаны в соответствии с теорией [I].

В нижеследующем используется система относительных величин.В качестве базовых величии принимаются:

а) для токов - номинальный фазный ток,

б) для напряжений - номинальное фазное напряжение,

 в) для угловой скорости вращения - номинальная углов и скорость вращения,

г) для сопротивлений - сопротивление, равное:

## $Z_{\mu} = \frac{6830806 \text{ Handfitchie}}{6830864 \text{ Tet}},$

д) для вращающего мемента – мемент, соответствующий потребляемей из сети номинальной какущейся мещнести при неминальной скорести вращения и действующий в стерену ускерения ротора,

 с) для петекесцеплений - потекссцепление при неминальнем режиме.

Координатная система связана неподвижно со статором: в качестве оси реальных величин координатного комплекса или продольной оси "d" выбрана ось магиитной симметрии статора, а в качестве оси мнимых величин или полеречной оси "q" ось междуполюсного пространства.Координатная система для установившегося положения при синхронной скорости вращения и двигательного режима показана на фиг.2.

Тек ретера, вызванный питанием от ссти, в кемплексием виде и неподвижных координатах, связанных со статерем, равен:

$$\begin{aligned} \hat{I}_{r} &= \frac{\overset{Z}{Z}_{rx} \overset{E}{E}_{r} - \overset{Z}{Z}_{ry} \overset{E}{E}_{r}}{\dot{Z}_{rx} \overset{Z}{Z}_{rx} - \overset{Z}{Z}_{ry} \overset{E}{Z}_{ry}}, \quad (2) \\ \\ \dot{Z}_{rx} &= r_{\phi} + (p + j\omega_{r}) x_{r}(p) \\ \\ \overset{Z}{Z}_{ry} &= (p + j\omega_{r}) y_{r}(p) \\ \\ \dot{Z}_{ry} &= (p + j\omega_{r}) y_{r}(p) \\ \\ \\ \overset{Z}{Z}_{ry} &= (p - j\omega_{r}) y_{r}(p) \end{aligned}$$

TAS

+1(d)

Фиг.2. Расположение осей синхронной машины в установившемся двигательном режиме при синхронной скорости вращения

> $r_{\phi}$  – активное сопротивление фазной обмотки ротора,  $x_{c}(p); q_{c}(p)$  – операторные реактивности обмотки ротора:

$$\left.\begin{array}{c} x_{r}(p) = \frac{x_{rd}(p) + x_{rq}(p)}{2} \\ y_{r}(p) = \frac{x_{rd}(p) - x_{rq}(p)}{2} \end{array}\right\}.$$
 (4)

5=0.

0

x<sub>rd</sub>(p) - еператерная реактивность обмотки ротера по предольной оси,

 $x_{rq}(p)$  - эператориая реактивность обмотки ротора по поперечной оси,

ω <sub>r</sub>	-	скоресть вращения ротора,
Ė,	-	напряжение питания,
Ē,		сопряженный комплекс напряжения питания,
Р	-	дифференциальный оператор.

Согласно [1] ,для нахождения установившихся значений синусоидальных токов и петекесцеплений в функции времени, следует заменить в их комплексных выражениях оператор р на ±js:

$$p=\pm js$$
, (5)

FAC " + " OTHOCHTCH K Er,a " - " K Er.

Сказанное сбосновано, если в выбранной системе координат и при питании обмотки ротора напряжениями прямой последовательности угловая скорость вращения комплекса É, относительно статора обезначается через *s*.

Если пренебрегать демпфирующим влиянием полюсных наконеч-

ников и постоянных магнитов, то в синхровных двигателях с початными обмотками и возбуждением от постоянных магнитов, т.е. при отсутствии обмотки возбуждения [1]:

$$\begin{cases} x_{rd}(p) = x_d \\ x_{rq}(p) = x_q \end{cases}$$
 (6)

Таким образом, тек I, в установившемся режиме в функции времени может быть получен по формуле (2) с учетом (3)-(6):

$$\dot{I}_{r} = \frac{r_{\phi} - j(\omega_{r} - s)}{(\omega_{r}^{2} - s^{2})x_{d}x_{q} + r_{\phi}(r_{\phi} + 2jsx_{r})} \dot{E}_{r} - \frac{j(\omega_{r} - s)y_{r}}{(\omega_{r}^{2} - s^{2})x_{d}x_{q} + r_{\phi}(r_{\phi} - 2jsx_{r})} \dot{E}_{r} .$$
(7)

Петекесцепление ротора, вызванное питанием от сети, в комплексном виде и непедвижных координатах, связанных со статором, равно:

$$\dot{\Psi}_{r} = \frac{\left[r_{\phi} x_{r}(p) + (p - j\omega_{r}) x_{d}(p) x_{q}(p)\right] \dot{E}_{r} +}{\dot{Z}_{rx} \ddot{Z}_{rx} -} \frac{+r_{\phi} y_{r}(p) \ddot{E}_{r}}{-\dot{Z}_{ry} \ddot{Z}_{ry}} , \qquad (8)$$

где  $x_d(p) = x_d$  — операторное продольное синхронное индуктивное сопротивление обмотки ротора,

x<sub>q</sub>(p)= x<sub>q</sub> - операторное поперечное синхронное (9) индуктивное сепретивление обметки ретора.

Петекесцепление  $\dot{\Psi}_r$  в установившемся режиме в функции времени с учетем (3)-(6) и (9):

$$\dot{\Psi}_{r} = \frac{r_{\phi} x_{r} - j(\omega_{r} - s) x_{d} x_{q}}{(\omega_{r}^{2} - s^{2}) x_{d} x_{q} + r_{\phi} (r_{\phi} + 2jsx_{r})} \dot{E}_{r} + \frac{r_{\phi} y_{r}}{(\omega_{r}^{2} - s^{2}) x_{r} x_{r} + r_{\phi} (r_{\phi} - 2jsx_{r})} \overset{*}{E}_{r}.$$
 (10)

Тек ретера, вызванный возбуждением се сторены статера, в комплексном виде и неподвижных координатах, связанных со статерем, равен:

$$\dot{I}_{(r)} = - \frac{\dot{Z}_{rx} j \omega_r E_o + \dot{Z}_{ry} j \omega_r E_o}{\dot{Z}_{rx} \dot{Z}_{rx} - \dot{Z}_{ry} \dot{Z}_{ry}} = - \frac{j \omega_r E_o (\dot{Z}_{rx} + \dot{Z}_{ry})}{\dot{Z}_{rx} \dot{Z}_{rx} - \dot{Z}_{ry} \dot{Z}_{ry}} , \qquad (II)$$

#### где и Е - Э.д.с. холостого хода.

Для общиести рассметрения в формуле (II) испельзуется зафиксированное положение э.д.с. холостого хода на компленсной плоскости (см.фиг.I).Изменению внутренного угла нагрузки в между зафиксированным положением э.д.с. холостого хода (-jω,E) и напряжением сети É, при пуске двигателя соответствует поверет É, на комплексной плоскости. Следевательно:

 $\left. \begin{array}{c} \dot{E}_{r} = \pm E_{rd} \pm j E_{rq} \\ \dot{E}_{r} = \pm E_{rd} \mp j E_{rq} \end{array} \right\},$ (12)

где Е<sub>rd</sub> - действительная часть комплекса напряжения сети, jE<sub>ra</sub> - мнимая часть комплекса напряжения сети.

Тек Î<sub>(r)</sub> в установившемся режиме в функции времени с учетем (3)-(6):

$$\begin{split} \dot{I}_{(r)} &= -j\omega_{r} E_{o} \left[ \frac{\Gamma_{\phi} - j(\omega_{r} - s)X_{r}}{(\omega_{r}^{2} - s^{2})X_{d}X_{q} + \Gamma_{\phi}(r_{\phi} + 2jsX_{r})} + \frac{j(\omega_{r} - s)y_{r}}{(\omega_{r}^{2} - s^{2})X_{d}X_{q} + r_{\phi}(r_{\phi} - 2jsX_{r})} \right]. \end{split}$$
(13)

Потекесцепление ратера, вызванное возбуждением со стерены статора, в комплексном виде и непедвижных координатах, свя-. занных со статером, равно:

$$\dot{\Psi}_{(r)} = E_{o} + \frac{[r_{o} x_{r} + (p - j\omega_{r}) x_{d} x_{c_{o}}](-j\omega_{r} E_{o}) +}{\dot{z}_{rx} \tilde{z}_{rx} -} \frac{+r_{o} y_{r} (j\omega_{r} E_{o})}{-\dot{z}_{ry} \tilde{z}_{ry}} \mathbf{1}, \qquad (14)$$

где 1 — единичная функция, разная нулю при t<0 и единице при t>0 и указывая на то,что напряжение включается в мемент времени t = 0.

Необходимо указать на то,что в последней формуле первый член является потокосцеплением, вызванным возбуждением со сторовы статора до вилючения двигателя в соть.

Потекосцепление  $\dot{\psi}_{(r)}$  в установивнемся режиме в функции времени:

$$\dot{\Psi}_{(r)} = \mathsf{E}_{o} - \mathsf{j}\omega_{r} \mathsf{E}_{o} \frac{\Gamma_{\phi} x_{r} - \mathsf{j}(\omega_{r} - s) x_{d} x_{q}}{(\omega_{r}^{2} - s^{2}) x_{d} x_{q} + \Gamma_{\phi} (r_{\phi} + 2\mathsf{j}sx_{r})} \mathbf{1} +$$

$$+j\omega_{r}E_{o}\frac{\Gamma_{\phi}Y_{r}}{(\omega_{r}^{2}-s^{2})x_{d}x_{q}+\Gamma_{\phi}(r_{\phi}-2jsx_{r})}\mathbf{1}.$$
 (15)

Torm İ, M İ,,:

$$\begin{split} r_{r} &= \pm \mathbb{E}_{rd} \bigg\{ \frac{\left[ (\omega_{r}^{2} - s^{2}) x_{d} x_{a} + r_{\phi}^{2} \right]^{r} - 2(\omega_{r} - s) s x_{q} x_{r} r_{\phi}}{\left[ (\omega_{r}^{2} - s^{2}) x_{d} x_{q} + r_{\phi}^{2} \right]^{2} + (2 s r_{\phi} x_{r})^{2}} - \\ &- j \frac{\left[ (\omega_{r}^{2} - s^{2}) x_{d} x_{a} + r_{\phi}^{2} \right] (\omega_{r} - s) x_{d} + 2 s r_{\phi}^{2} x_{r}}{\left[ (\omega_{r}^{2} - s^{2}) x_{d} x_{q} + r_{\phi}^{2} \right]^{2} + (2 s r_{\phi} x_{r})^{2}} \bigg\} \pm \\ &\pm \mathbb{E}_{rq} \bigg\{ \frac{\left[ (\omega_{r}^{2} - s^{2}) x_{d} x_{q} + r_{\phi}^{2} \right]^{2} + (2 s r_{\phi} x_{r})^{2}}{\left[ (\omega_{r}^{2} - s^{2}) x_{d} x_{q} + r_{\phi}^{2} \right]^{2} + (2 s r_{\phi} x_{r})^{2}} + \\ &+ j \frac{\left[ (\omega_{r}^{2} - s^{2}) x_{d} x_{q} + r_{\phi}^{2} \right]^{2} + (2 s r_{\phi} x_{r})^{2}}{\left[ (\omega_{r}^{2} - s^{2}) x_{d} x_{q} + r_{\phi}^{2} \right]^{2} + (2 s r_{\phi} x_{r})^{2}} \bigg\}, \end{split}$$
(16) 
$$\widetilde{I}_{(r)} = \omega_{r} \mathbb{E}_{q} \bigg\{ - \frac{\left[ (\omega_{r}^{2} - s^{2}) x_{d} x_{q} + r_{\phi}^{2} \right]^{2} + (2 s r_{\phi} x_{r})^{2}}{\left[ (\omega_{r}^{2} - s^{2}) x_{d} x_{q} + r_{\phi}^{2} \right]^{2} + (2 s r_{\phi} x_{r})^{2}} - \\ &- j \frac{\left[ (\omega_{r}^{2} - s^{2}) x_{d} x_{q} + r_{\phi}^{2} \right] r_{\phi} - 2(\omega_{r} - s) s x_{d} x_{r} r_{\phi}} \right\}.$$
(17)

Выражения для потекосцеплений с учетом, что двигатель включается в сеть при t>O (1 = 1):

$$\begin{split} \dot{\Psi}_{r} &= \pm \mathbb{E}_{rd} \bigg\{ \frac{\left[ (\omega_{r}^{2} - s^{2}) x_{d} x_{a} + r_{\phi}^{2} \right]^{r} x_{d} - 2(\omega_{r} - s) sr_{\phi} x_{d} x_{d} x_{r}}{\left[ (\omega_{r}^{2} - s^{2}) x_{d} x_{a} + r_{\phi}^{2} \right]^{2} + (2sr_{\phi} x_{r})^{2}} \\ &- j \frac{\left[ (\omega_{r}^{2} - s^{2}) x_{d} x_{a} + r_{\phi}^{2} \right] (\omega_{r} - s) x_{d} x_{a} + 2sr_{\phi}^{2} x_{a} x_{r}}{\left[ (\omega_{r}^{2} - s^{2}) x_{d} x_{a} + r_{\phi}^{2} \right]^{2} + (2sr_{\phi} x_{r})^{2}} \bigg\} \pm \\ &\pm \mathbb{E}_{rq} \bigg\{ \frac{\left[ (\omega_{r}^{2} - s^{2}) x_{d} x_{a} + r_{\phi}^{2} \right] (\omega_{r} - s) x_{d} x_{a} + 2sr_{\phi}^{2} x_{a} x_{r}}{\left[ (\omega_{r}^{2} - s^{2}) x_{d} x_{a} + r_{\phi}^{2} \right]^{2} + (2sr_{\phi} x_{r})^{2}} \\ &+ j \frac{\left[ (\omega_{r}^{2} - s^{2}) x_{d} x_{a} + r_{\phi}^{2} \right] r_{\phi} x_{a} - 2(\omega_{r} - s) sr_{\phi} x_{d} x_{a} x_{r}}{\left[ (\omega_{r}^{2} - s^{2}) x_{d} x_{a} + r_{\phi}^{2} \right]^{2} + (2sr_{\phi} x_{r})^{2}} \bigg\}, \quad (I8) \\ \dot{\Psi}_{(r)} &= \mathbb{E}_{o} \bigg\{ \frac{\left[ (\omega_{r}^{2} - s^{2}) x_{d} x_{a} + r_{\phi}^{2} \right]^{2} - \left[ (\omega_{r}^{2} - s^{2}) x_{d} x_{a} + r_{\phi}^{2} \right]^{2} - \left[ (\omega_{r}^{2} - s^{2}) x_{d} x_{a} + r_{\phi}^{2} \right]^{2} + \frac{-s) \omega_{r} x_{d} x_{a} + 2sr_{\phi}^{2} x_{r} (2sx_{r} - \omega_{r} x_{d})}{\left[ (\omega_{r}^{2} - s^{2}) x_{d} x_{a} + r_{\phi}^{2} \right]^{2} + (2sr_{\phi} x_{r})^{2}} - \right. \\ &- j \frac{\left[ (\omega_{r}^{2} - s^{2}) x_{d} x_{a} + r_{\phi}^{2} \right] r_{\phi} \omega_{x} x_{a} - 2(\omega_{r} - s) \omega_{r} sr_{\phi} x_{d} x_{a} x_{r}}{\left[ (\omega_{r}^{2} - s^{2}) x_{d} x_{a} + r_{\phi}^{2} \right]^{2} + (2sr_{\phi} x_{r})^{2}} \right]. \quad (I9) \end{split}$$

с учетем (16)-(19):

30

$$\begin{split} \int_{2\pi}^{\pi} \left\{ \frac{(\pm E_{rq} - \omega_{r} E_{q}) [2(\omega_{r} - s) sr_{q} x_{d} x_{q} x_{r} - [(\omega_{r}^{2} - s^{2}) x_{d} x_{q} + r_{q}^{2}]^{2} + \frac{1}{[(\omega_{r}^{2} - s^{2}) x_{d} x_{q} + r_{q}^{2}]^{2} + \frac{1}{[(\omega_{r}^{2} - s^{2}) x_{d} x_{q} + r_{q}^{2}](\omega_{r} - s) x_{d} x_{q} + 2sr_{q}^{2} x_{q} x_{r}]}{+ (2sr_{q} x_{r})^{2}} \right\} \times \\ \times \left\{ \frac{(\pm E_{rq} - \omega_{r} E_{q}) [[(\omega_{r}^{2} - s^{2}) x_{d} x_{q} + r_{q}^{2}](\omega_{r} - s) x_{q} + 2sr_{q}^{2} x_{r}] \pm [(\omega_{r}^{2} - s^{2}) x_{d} x_{q} + r_{q}^{2}]^{2} + \frac{1}{[(\omega_{r}^{2} - s^{2}) x_{d} x_{q} + r_{q}^{2}]^{2} + \frac{1}{2} \frac{1}{[(\omega_{r}^{2} - s^{2}) x_{d} x_{q} + r_{q}^{2}](\omega_{r} - s) sr_{q} x_{q} x_{r}]}{(\omega_{r}^{2} - s^{2}) x_{d} x_{q} + r_{q}^{2}](\omega_{r} - s) sr_{q} x_{q} x_{r}]} - \frac{-\left\{ \frac{(\pm E_{rq} - \omega_{r} E_{q})[(\omega_{r}^{2} - s^{2}) x_{d} x_{q} + r_{q}^{2}](\omega_{r} - s) x_{d} x_{q} \pm \frac{1}{r_{q}} \frac{1}{2} + \frac{1}{(\omega_{r}^{2} - s^{2}) x_{d} x_{q} + r_{q}^{2}]^{2} + \frac{1}{(\omega_{r}^{2} - s^{2}) x_{d} x_{q} + r_{q}^{2}]^{2} + \frac{1}{(2sr_{q} x_{r})^{2}} \right\} \\ \frac{\pm E_{rd} \{[(\omega_{r}^{2} - s^{2}) x_{d} x_{q} + r_{q}^{2}]r_{q} x_{q} - 2(\omega_{r} - s) sr_{q} x_{q} x_{r}]^{2} + \frac{1}{(2sr_{q} x_{r})^{2}} \right\} \\ \frac{\pm E_{rd} \{[(\omega_{r}^{2} - s^{2}) x_{d} x_{q} + r_{q}^{2}]r_{q} x_{q} - 2(\omega_{r} - s) sr_{q} x_{q} x_{q} x_{r}]^{2} + \frac{1}{(2sr_{q} x_{r})^{2}} \right\} \\ \frac{\pm 2E_{rq} sr_{q}^{2} s_{d} x_{q} + r_{q}^{2}]r_{q} + 2sr_{q}^{2} x_{r} (2sx_{r} - \omega_{r} x_{d})] \pm \frac{1}{(\omega_{r}^{2} - s^{2}) x_{d} x_{q} + r_{q}^{2}]r_{q}^{2} + \frac{1}{(\omega_{r}^{2} - s^{2}) x_{d} x_{q} + r_{q}^{2}]r_{q}^{2}} + \frac{1}{(\omega_{r}^{2} - s^{2}) x_{d} x_{q} + r_{q}^{2}]r_{q}^{2}} \right\}$$

+(25r, X,)2

Обезначим:

$$Z_{i} = (\omega_{r}^{2} - s^{2}) x_{d} x_{q} + r_{\phi}^{2}$$

$$Z_{2} = 2sr_{\phi} x_{r}$$

$$C_{n} = \omega_{r} - s$$

$$C_{u} = \pm E_{rq} - \omega_{r} E_{\phi}$$
(21)

Перепишем (20) с учетем (21):

1

$$M_{gM} = \left\{ \frac{C_{u} x_{a} (C_{n} Z_{2} x_{d} - Z_{1} r_{b}) \pm E_{rd} x_{a} (C_{n} Z_{1} x_{d} + Z_{2} r_{b})}{Z_{1}^{2} + Z_{2}^{2}} \right\} \times \left\{ \frac{C_{u} (C_{n} Z_{1} x_{a} + Z_{2} r_{b}) \pm E_{rd} (Z_{1} r_{b} - C_{n} Z_{2} x_{a})}{Z_{1}^{2} + Z_{2}^{2}} \right\} - \left\{ \frac{C_{u} C_{n} Z_{1} x_{d} x_{a} \pm E_{rd} x_{d} (Z_{1} r_{b} - C_{n} Z_{2} x_{a})}{Z_{1}^{2} + Z_{2}^{2}} \right\} - \left\{ \frac{C_{u} C_{n} Z_{1} x_{d} x_{a} \pm E_{rd} x_{d} (Z_{1} r_{b} - C_{n} Z_{2} x_{a})}{Z_{1}^{2} + Z_{2}^{2}} \right\} - \left\{ \frac{E_{u} C_{n} Z_{1} x_{d} x_{a} \pm E_{rd} x_{d} (Z_{1} r_{b} - C_{n} Z_{2} x_{a})}{Z_{1}^{2} + Z_{2}^{2}} \right\} \times \left\{ \frac{E_{u} (Z_{1}^{2} + Z_{2} r_{b}) (25 x_{r} - \omega_{r} x_{d}) \pm E_{ra} Z_{2} r_{b} x_{d}}{+ Z_{2}^{2}} \right\} \times \left\{ \frac{E_{u} (Z_{1}^{2} + Z_{2} r_{b}) (25 x_{r} - \omega_{r} x_{d}) \pm E_{ra} Z_{2} r_{b} x_{d}}{+ Z_{2}^{2}} \right\}$$

$$\times \left\{ \frac{C_{\nu}(C_{n}Z_{2}x_{d} - Z_{1}\Gamma_{\phi}) \pm E_{rd}(C_{n}Z_{1}x_{d} + Z_{2}\Gamma_{\phi})}{Z_{1}^{2} + Z_{2}^{2}} \right\}.$$
 (22)

Пелученная фермула (22) позволяет определить устаневившийся электремагнитный вращающий мемент синхренней машины с пестеянными магнитами и печатной обметкой с учетем пеложения ретора в мемент включения и параметров машины.

Согласно фиг.2:

$$E_{rd} = U_{\phi} \sin \theta$$

$$E_{rq} = U_{\phi} \cos \theta$$

$$U_{\phi} = \sqrt{E_{rd}^{2} + E_{rq}^{2}}$$
(23)

Электремагнитный вращающий момент при пуске двигателя  $(\omega_{s} = 0, s = 1)$  из (20) с учетем (23):

$$M_{\mathcal{JMn}} = \left\{ \frac{(\pm \bigcup_{\phi} x_{q} \sin \theta \mp \bigcup_{\phi} r_{\phi} \cos \theta) (r_{\phi}^{2} + x_{d}^{2}) x_{q}}{(r_{\phi}^{2} - X_{d} x_{q})^{2} + (2r_{\phi} x_{r})^{2}} \right\} \times \left\{ \frac{(\pm \bigcup_{\phi} r_{\phi} \sin \theta \pm \bigcup_{\phi} x_{d} \cos \theta) (r_{\phi}^{2} + x_{q}^{2})}{(r_{\phi}^{2} - x_{d} x_{q})^{2} + (2r_{\phi} x_{r})^{2}} \right\} - \left\{ \frac{(\pm \bigcup_{\phi} r_{\phi} x_{d} \sin \theta \pm \bigcup_{\phi} x_{d}^{2} \cos \theta) (r_{\phi}^{2} + x_{q}^{2})}{(r_{\phi}^{2} - x_{d} x_{q})^{2} + (2r_{\phi} x_{r})^{2}} \right\} \times \frac{+ \xi_{o} \left[ r_{\phi}^{2} (r_{\phi}^{4} + x_{d}^{2} + x_{q}^{2}) + (x_{d} x_{q})^{2} \right]}{(r_{\phi}^{2} - x_{d} x_{q})^{2}} \right\} \times \left\{ \frac{(\pm \bigcup_{\phi} x_{q} \sin \theta \mp \bigcup_{\phi} r_{\phi} \cos \theta) (r_{\phi}^{4} + x_{d}^{2})}{(r_{\phi}^{2} - x_{d} x_{q})^{2}} \right\} .$$
(24)

В частном случае, если пренебрегаем активным сопротивлением фазной обмотки ротора (г<sub>о</sub> = 0), получаем формулу (24) следующего вида:

$$M_{aMn} = \pm \frac{U_{\phi} E_{o}}{x_{q}} \sin \theta \pm \frac{U_{\phi}^{2}}{2} (\frac{t}{x_{q}} - \frac{t}{x_{d}}) \sin 2\theta.$$
(25)

Здесь знаки перед членами в правой стороне выражения (25) зависят от положения ретора в мемент включения.

При синхренней скерести вращения ( $\omega_r = I, s = 0$ ) и  $r_{\phi} = 0$ получим из (20) известное выражение для электромагнитного вращающего мемента двигателя:

$$M_{_{\mathcal{B}M}} = \frac{U_{\phi}E_{o}}{X_{d}}\sin\theta + \frac{U_{\phi}}{2}\left(\frac{4}{X_{q}} - \frac{4}{X_{d}}\right)\sin2\theta.$$
(26)

На основании вышеприведенного анализа электремагнитного вращавщего момента синхренного двигателя с постоянными магнитами и печатной обмоткой необходимо обратить внимание на очень важное различие между фермулами (25) и (26). Эте различие заключается в тем, что если мемент двигателя при синхронной скорости вращения зависит в основном от параметра х, то момент при пуске двигателя зависит в основном ет параметра ха.Эте межне объяснить следущими явлениями: если рассматривать двигательный режим синхренней машины, то при малых углах нагрузки 8 магнитные поля возбуждения и обиотки взаимедействуют по продольной оси. С увеличением нагрузки де выпадания из синхронизма с последующей остановкой двигателя, что соответствует режиму короткого замыкания, угол в изменяется до Я при котором магнитные поля взаимодействуют по поперечной оси.Этому не случаю соответствует. пуск возбужденного двигателя, поэтому основная составляющая электромагнитного вращающего монента при пуске зависит от параметра × .Необходиме также напомнить, что угол в изменяется в процессе пуска периодически ет О до 251.

Полученный вывод подвергался экспериментальной проверке.Опытный синхронный двигатель без специальной пусковой обмотки (фиг.1) имеет следующие параметры:

$$x_d = 0,145 \text{ em}, x_d = 0,05 \text{ em}.$$

Двигатель присбрел неминальную скоресть вращения в те-



чение 0,09 - 1,46 сек после прямого включения в сеть.

Углевые характеристики, рассчитанные для двигательного режима по (24), приведени на фиг.3.

#### Литература

I. Е.Я. Казовский. Перехедние прецесси в электрических манинах переменного тока. Мод. АН СССР, Месква-Ленинград 1962.

G. Samolevski V. Vagane

Anlaß des Achsial - Synchronmikromotors mit einer gedruckten Wicklung und Permanentmagneten

#### Zusammenfassung

Innerhalb der vorliegenden Arbeit wird der analytische Ausdruck für den elektromagnetischen Drehmoment des Synchron-Mikromotors mit einer gedruckten Wicklung und Permanentmagneten gegeben. Der Mikromotor ist dabei ohne die Anlaß - wiclung ausgeführt.

Es werden das Anlas- und das Synchronregime betrachtet und Grundparameter des Motors abgeschätzt.

#### TALLINNA POLÜTEHNILISE INSTITUUDI TOIMETISED ТРУДЫ ТАЛЛИНСКОГО ПОЛИТЕХНИЧЕСКОГО ИНСТИТУТА

СЕРИЯ А

№ 267

1968

УДК 621.518.38

Н.А.Варес, Г.К.Самолевский

### О СХЕМЕ ЗАМЕЩЕНИЯ ТОРЦЕВОГО АСИНХРОННОГО ДВИГАТЕЛЯ С НЕМАГНИТНЫМ РОТОРОМ

Данная работа посвящается выявлению схемы замещения трехфазного торцевого асинхренного двигателя, имеющего два дисковых пакета статора с плоскими обмотками, в зазоре которых на равном расстоянии от их внутренней поверхности располагается немагнитный ротор (фиг.I).

Отличительной особенностью двигателей данного типа является существование взаимоиндуктивной связи между обмотками двух пакетов статора как в воздушном зазоре, так и вне его – в зоне лобовых частей.

В предположених симметричности пространственноге распределения трехфазной обмотки каждего из пакетов статора и симметрии трехфазного питанщего напряжения представляется возможным составить исходные уразнения напряжений и токов для одной фазы двигателя с вращающиеся ротором. При эток введятся следующие допущения:

I) магнитная система двигателя предполагается ненасыщенной,

2) магнитные потери в магнитной системе не учитываются.

- 3) напряжения и токи меняются во времени синусоидально,
- 4) кентуры токов ретера образурт энвиралентную трахфаз-



Фиг. 1. Магнитиая система торцевого асинхронного двигателя с немагнитным ротором Hyp ofmerny perepa,

I\_

 томпература всех обметек двигателя для заданного режима (сколькония) принимается сдинаковей.

Введим обезначения:

Ú,; U, — фазные напряжения обмотки первого и второго пакетов статора — состветственно,

I.: I. - первичные фазные токи обонх пакетов статора,

- тен фазы экривалентной обметин ретора,

Г.; Г. ; Г. — активные сепретивления обметик фази пакетев статера и ретера,

Х<sub>2</sub>; Х<sub>2</sub>; Х<sub>3</sub>, - индуктивные сопративления рассеяния обмотки накетев статора и ретера, учитывающие рассеяние в вездушием захоре, в лобовых частях, а также дифференциальное рассеяние,

X<sub>1</sub>; X<sub>2</sub>; X<sub>r</sub> - индуктивные сопротивления обмотки статора и ротора, соответствующие основным гармоникам поля в воздужном зазоре,

X<sub>12</sub>; X<sub>24</sub> — индуктивные сопротивления, соответствующие взаимней индукции фазных обмоток пакетов статера от основных гарменик поля, учитывающие взаимную индукцию обметок пакстов статера как в воздушнем зазере, так и вне воздушнего зазера – в зоне веутренних и внешних побевых частей.

X<sub>ir</sub>; X<sub>2r</sub> — индуктивные сепретивления, сеетветствующие взаимней индукции фазной обмотии пакета статера и обметии ретера ет есневных гариении пеля статера,

X<sub>ri</sub>; X<sub>r2</sub> — недуктивные сопротивления, соответствущие взаимной индукции обмотки ротора и фазной обмотки накота статора от основных гармении поля ротора.

Для установинного, исходные уравнония напряжения записывапом выпсизложенного, исходные уравнония напряжения записываются в следующем виде:

$$\dot{U}_{i} = r_{i}\dot{I}_{i} + jx_{di}\dot{I}_{i} + jx_{i}\dot{I}_{i} + jx_{i2}\dot{I}_{2} + jx_{4r}\dot{I}_{r} , \qquad (I)$$

$$\dot{U}_{2} = \Gamma_{2}\dot{I}_{2} + jx_{d2}\dot{I}_{2} + jx_{2}\dot{I}_{2} + jx_{2l}\dot{I}_{l} + jx_{2r}\dot{I}_{r}, \qquad (2)$$

$$0 = r_{r_{1}}\dot{I}_{r_{1}} + jsx_{or}\dot{I}_{r_{1}} + jsx_{r_{1}}\dot{I}_{r_{1}} + jsx_{r_{2}}\dot{I}_{2}.$$
 (3)

Урарнение намагничивающих сил:

 $\dot{F}_i + \dot{F}_2 + \dot{F}_r = \dot{F}_o$ , (4) rge  $\dot{F}_i$ ;  $\dot{F}_2$ ;  $\dot{F}_r$  - намагничивающие силы обоих накотов статора и ротора - соответственно,

 $\dot{F}_{0} = \dot{F}_{01} + \dot{F}_{02}$  — суммарная намагничивающая сила холостого хода. (5)

Как было нодчоркнуто, особенностью двигатолей данного типа является существование взаимоиндуктивной связи между обмотками двух пакетов статора, которая в уравнениях напряжений выражается введением сопротивлений ×., и ×., .

Если пренебречь взаименндуктивной связью обмотек пакетев статера в зене побовых частей и предполежить, что уменьшение напряженности магнитного поля едного пакета статера по высете вездушного зазора незначительно [1], и, таким образем, считать, что в частнем случае имеют единаковую величину как индуктивные сопретивления обмоток обонх пакетев статера, сеответствующие основным гарменикам поля в вездушном зазоре, так и индуктивные сопретивления, обусловленные взаимной индукцией фазных обмотек пакетев статера, те можно принять:

$$X_{1} = X_{2} = X_{12} = X_{21} . \tag{6}$$

Учитывая вышеуказанное и используя приведенные значения текев и сопротивлений ретора, получаем вместо уравнений (1)-(3)

$$\dot{J}_{i} = r_{i}\dot{I}_{i} + jx_{di}\dot{I}_{i} + jx_{i}(\dot{I}_{i} + \dot{I}_{2} + \dot{I}_{r}^{2}), \qquad (7)$$

$$\dot{U}_{2} = r_{2}\dot{I}_{2} + jx_{d2}\dot{I}_{2} + jx_{t}(\dot{I}_{t} + \dot{I}_{2} + \dot{I}_{r}), \qquad (8)$$

$$0 = \frac{\Gamma_r}{5} \dot{I}_r' + j x_{cr}' \dot{I}_r' + j x_t (\dot{I}_t + \dot{I}_2 + \dot{I}_r'), \qquad (9)$$

где Ї', — приведенное значение тока фазы эквивалентной обмотки ротора,

г', и х', - приведенные значения активного сопротивления обмотки фазы ретора и индуктивного сопротивления рассеяния обмотки ротора.

Уравнениям (?)-(9) соответствует Т - сбразная схема занецения, изображенная на фиг.2.

Однаке в общем случае индуктивные сопротивления X<sub>1</sub>, X<sub>2</sub>, X<sub>10</sub>, X<sub>21</sub> Могут быть неодинаковой величины. Кроме того, в



Фиг.2. Т-образная схема замещения

связи с нагревом межет изменяться значение активных сопретивлений обметок двигателя.

Для учета этого можно видензменить схему замещения следущим образом.

Выразим вторичный ток через ток холостого хода

$$\dot{I}_{c} = k \dot{I}_{o}, \qquad (10)$$

где k - комплексный коэффициент преперциенальности, рассчитнваемый с учетом скольжения, а также температурного изменения сопротивления намагничивающеге контура и обмотки ротора [2].

Тогда уравнение теков получает вид:

$$\dot{I}_{4} + \dot{I}_{2} = (4 - k)\dot{I}_{0}$$
 (II)

Из уравнений (I)-(3) и (II) получаем путем алгебранческих преобразований следующие уравнения:

$$\dot{U}_{i} = \dot{I}_{i}(r_{i} + jX_{i}) + (i - k)\dot{I}_{o}(R_{m} + jX_{m}), \qquad (12)$$

$$\dot{U}_2 = \dot{I}_2(r_2 + jX_2) + (1 - k)\dot{I}_0(R_m + jX_m),$$
 (13)

$$X_1 = X_{21} + X_1 - X_{42},$$
 (14)

$$X_{2} = X_{62} + X_{2} - X_{21}, \qquad (15)$$

$$R_{m} = \frac{kr_{r}}{1-k}, \qquad (16)$$

$$X_{m} = \frac{X_{m}}{1-k}, \qquad (17)$$

$$\begin{aligned} \chi_{m}^{*} &= (1-k)(x_{i2}+sx_{r2})+k(x_{ir}+sx_{dr}+sx_{r}) = \\ &= (1-k)(x_{2i}+sx_{ri})+k(x_{2r}+sx_{dr}+sx_{r}), \end{aligned} \tag{18}$$

Уравнениям (I2) и (I3) соответствует скема замещения с двухсторонним питанием (фит.3).



Фиг.3. Схема замещения с двусторонним питанием

При параддельном включении двух статорных обмоток на напряжение  $\dot{U}_{_{3}} = \dot{U}_{_{4}} = \dot{U}_{_{2}}$  эта схема медифицируется в последовательную схему замещения (фиг.4).



Фиг.4. Последовательная схема замещения

Сегласно этой схеме замещения:

$$U_{s} = I_{s}(Z_{s} + Z_{m}),$$
 (19)

$$Z_s = R_s + jX_s, \qquad (20)$$

$$Z_m = R_m + j X_m, \qquad (2I)$$

где

$$Z_{5} = \frac{Z_{1}Z_{2}}{Z_{1}+Z_{2}};$$

$$Z_{2} = r_{1}+jx_{1}; \quad Z_{2} = r_{2}+jx_{2}.$$
(22)

#### Виводн

Для описания процессов трехфазного двухцанстного торцевого асинхронного двигателя с немагнитным ротором представляется возможным применить Т - образнув, кибо последовательнув схему замещения двигателя.

При взаимоиндуктивной связи между обмотнами двух пакетов статора следует учитывать в данной работе соответствущие индуктивные сопротивления X<sub>1</sub>, и X<sub>21</sub>.

Влияние втеричной системи межне учесть введением комплексного коэффициента преперциональности искду эквивалентным фазным током ретора и током намагничивания.

Компленсный ноэффициент k является, таким образом, видоизмененным парамотром, при помощи исторого, в отличие от общеизвестных способов, можно учесть скольжение, а также потери магнитной системы и температурное изменение сопротивлений намагничивающего контура последовательной схемы замещения.

#### Литература

I. Г.К. Саненствский, Н.А. Варес. О распроделении магнитного поля в вездушном зазоре торцевей электрической машины переменного тека. Труди ТПИ, серия А. №264, 1968.

2. А.И. Бертинев. Влияние изменения температуры обмоток на характеристики индукциенных манин. "Электремеханика" 1959, № 8.

G. Sanolevski N. Vares

Vom Ersatzschema des Asynchronmotors mit dem paramagnetischen

#### Zusammenfassung

In diesem Artikel werden auf der Basis der Gleichungen der Spannungen und magnetomotorischer Kräfte verschiedene Variante des Ersatzschemas für den Asynchronmotor mit paramagnetischem Rotor und achsialem Fluß gefolgert.

Aus konstruktiven Gründen [großer Luftspalt, zwei Statorpakete (oder Hälften), paramagnetischer Rotor] sind die Parameter des Ersatzschemas des gegebenen Motortyps, im Vergleich zu den entsprechenden allgemein anerkannten Größen, in gewissem Maße geändert worden.

Zur Illustration dieser Behauptung sind bei dem im Artikel Beschriebenen Versuchsmotor die eksperimentell erhältenen Werte der Parameter des Ersatzschemas in relativen Einheiten gegeben.

#### СОДЕРЖАНИЕ

I.	В.Э. Вагане, Г.К. Самолев-	
	с к и й. О геометрии печатного ротора торцевого	
	синхренного двигателя	3
2.	В.Э. Вагане, Г.К. Самолев-	
	с к и й. Включение в сеть торцевого синхренного	
	микредвигателя с постеянении магнитами и печат-	
	ной обнотвой	9
3.	Н.А. Варес, Г.К. Самолов-	
	ский. О схеме замещения терцерого асинхрен-	
	HOLO TENTSTOTE C HENSTHATHAN DOTODON	21

## ЭЛЕКТОМЕХАНИКА

II

Таллинский политехнический институт Редактор И. Давыдов Технический редактор Л. Л с о п е р

Сдано в нечать 1/УЛ 1968. Подинсана к нечати 13/УЛ 1968. Бумага 60х90/18. Печ. д. 1,75 + 0,125. Уч.-изд. л.1,25. Тираж 350. МВ- 07839. Зак. № 656. RASE STORY Ротанрынт ТПИ, Таллян, ул. Пикк злг, 14.

ELUNEN

Цена 14 кон.

		TALLINNA	POLÜTEHNILIS	E INSTITUUDI	TOIMETISED
		ТРУДЫ ТАЛ	ілинского пол	TEXHNYECKOT	О ИНСТИТУТА
C	E	PNAA		₩ 267	1968

#### ЭЛЕКТРО МЕХАНИКА И

УДК 621.313.84

<u>Г.К. Самолевский, В.Э. Вагане.</u> О геометрии печатного ротора торцевого синхронного двигателя

Статья посвящена установлению связи между номинальной электрической мощностью и геометрическими размерами печатной обмотки ротора торцевого синхронного двигателя с шестиугольными полюсными наконечниками.

Выведены формулы, позволяющие полностью определить геометрические размеры печатной обмотки, а также радиальные размеры магнитной системы синхронного двигателя.

Фигур I, библиографий 3.

УДК 621.313.84

Г.К. Самолевский, В.Э. Вагане. Включение в сеть торцевого синхронного микролвигателя с постоянными магнитами и печатной обмоткой

Содержанием работы является аналитический вывод выражения электромагнитного вращающего момента синхронного микродвигателя с печатной обмоткой и постоянными магнитами, не имеющего пусковой обмотки.

Рассматривается установившийся режим пуска и режим синхронной скорости вращения с оценкой основных параметров двигателя.

Фигур 3, библиографии І.

YHK 621.318.38

Г.К. Са молевский. Н.А. Варес. О схеме замещения торпевого асинхронного дригателя с немагнитным ротором.

1 20

В данной статье, на основе анализа уравнений напряжний и м.д.с., опредеделены различные варианты схемы замещения трехфазного торцевого асинхронного двигателя с немагнитным ротором и аксиальным потоком.

Исходя из особенностей конструктивного исполнения двигателя (большой воздушный зазор, наличие двух статорных пакетов немагнитный ротор), параметры схеми замещения несклько видоизменены, по сравнению с соответсвущимих общеизвестными величинами.

В качестве примера в статье приведени некотерия данные о параметрах схемы замещения оныного двигателя полученные экспериментальным путем.

фигур 4, библиографий 2.





Цена 14 коп.

Mo